

## Литература

1. Novik V.K., Gavrilova N.D. // *Ferroelectrics*. 1981. **34**. P. 4755.
2. Лайнс М., Гласс А. Сегнетоэлектрики и родственные им материалы. М., 1981.
3. Верховская К.А. Дис. ... д-ра физ.-мат. наук. М. (Ин-т кристаллографии РАН), 1995.
4. Верховская К.А., Бунз А.В. // *ФТТ*. 1991. **33**. С. 1659.
5. Valdes-Aguilera O., Neckers D.C. // *Acc. Chem. Res.* 1989. **22**. P. 171.
6. Фролова Т.Б. Дис. ... канд. физ.-мат. наук. М. (МГУ), 1997.
7. Furukawa T., Johnson G.E. // *J. Appl. Phys.* 1981. **22**, No. 2. P. 940.
8. Ситникова Н.Л., Малышкина И.А., Гаврилова Н.Д. и др. // *Вестн. Моск. ун-та. Физ. Астрон.* 1998. № 2. С. 38 (*Moscow University Phys. Bull.* 1998. No. 2).
9. Большакова Н.Н., Гаврилова Н.Д., Малышкина И.А. и др. // *Кристаллография*. 1998. **43**, № 6. С. 1124.
10. Jonscher A.K. *Dielectric Relaxation in Solids*. L.: Chelsea Dielectric Press, 1983.
11. Deng Z.G., Mauritz K.A. // *Macromolecules*. 1992. **25**, No. 6. P. 2369.
12. Луцкейкин Г.А. Полимерные пьезоэлектрики. М.: Химия, 1990.

Поступила в редакцию  
06.07.98

УДК 537.6: 538.935: 538.975

## ВЛИЯНИЕ $s$ - $d$ -РАССЕЯНИЯ НА КВАНТОВЫЙ РАЗМЕРНЫЙ ЭФФЕКТ В ЭЛЕКТРОПРОВОДНОСТИ ТОНКИХ ПЛЕНОК ФЕРРОМАГНИТНЫХ МЕТАЛЛОВ

А. В. Ведяев, О. А. Котельникова, Н. Г. Пугач

(кафедра магнетизма)

Рассчитана проводимость тонкой металлической пленки в рамках формализма Кубо с использованием метода функций Грина для  $s$ - $d$ -обменной модели. При этом учитывается зависимость амплитуды рассеяния электронов проводимости от толщины пленки, возникающая в результате квантового размерного эффекта, и вероятность рассеяния  $s$ -электронов в расщепленную  $d$ -зону. Показано, что проводимость описывается осциллирующей функцией толщины пленки с периодами, соответствующими ферми-импульсам  $d$ -электронов.

В тонких металлических пленках, толщина которых сравнима с постоянной решетки, движение электронов в одном из направлений ограничено. При этом возникают так называемые состояния в квантовой яме (quantum well states) [1], приводящие к дискретизации энергетических уровней и как следствие к квантовым размерным эффектам, хорошо исследованным теоретически и обнаруженным экспериментально [2, 3]. Вычисления электропроводности тонких пленок в однозонной модели квазисвободных электронов [4–6] показали, что учет этих эффектов приводит к зависимости коэффициентов переноса от толщины пленки осциллирующего типа с периодом, обратно пропорциональным импульсу Ферми. Квантовый размерный эффект наблюдался при измерении сопротивления тонких металлических пленок [7, 8].

Ранее был разработан последовательный квантостатистический подход к расчету проводимости низкоразмерных систем, опирающийся на формализм Кубо и аппарат функций Грина [9, 10]. В настоящей работе этот метод развивается далее, причем учитывается не только рассеяние  $s$ -электронов на примесях и дефектах кристаллической решетки, но и возможность их рассеяния в  $d$ -зону в переходных металлах, поскольку наличие ямы сказывается на распределении плотности состояний как  $s$ -, так и  $d$ -электронов, причем последняя в свою очередь определяет вероятность  $s$ - $d$ -рассеяния.

### Модель

Для учета  $s$ - $d$ -рассеяния будем использовать двухзонную модель с гамильтонианом

$$\hat{H} = \sum_{\mathbf{k}} \varepsilon_s(\mathbf{k}) |\mathbf{k}\rangle_s \langle \mathbf{k}|_s + \sum_{\mathbf{k}} \varepsilon_d(\mathbf{k}) |\mathbf{k}\rangle_d \langle \mathbf{k}|_d + \sum_{\mathbf{k}} \lambda (|\mathbf{k}\rangle_s \langle \mathbf{k}|_d + |\mathbf{k}\rangle_d \langle \mathbf{k}|_s),$$

где  $\varepsilon_{s,d}(\mathbf{k})$  — кинетические энергии  $s$ - и  $d$ -электронов соответственно,  $|\mathbf{k}\rangle$  и  $\langle \mathbf{k}|$  — кет- и бра-векторы состояний с квазиимпульсом  $\mathbf{k}$ , а  $\lambda$  — константа гибридизации.

Рассмотрим тонкую пленку толщины  $D$ . Ось  $Oz$  направим перпендикулярно плоскости пленки. Квазиимпульс электронов  $\mathbf{k}$  имеет параллельную ( $\kappa$ ) и перпендикулярную ( $k$ ) к плоскости пленки компоненты. Как известно, квазиимпульс электронов в квантовой яме, образованной потенциальными барьерами на границах пленки, квантуется в направлении  $Oz$ :

$$k = \frac{\pi n}{D}, \quad n = 1, 2, \dots$$

Тогда опережающая ( $G^+$ ) и запаздывающая ( $G^-$ ) функции Грина  $d$ -электронов в смешанном  $\kappa$ - $z$ -представлении [8] будут иметь вид

$$\hat{G}_{\alpha}^{\pm}(z, z'; \varepsilon) = \frac{2m_d a_0 \sin(k_{\alpha}^{d\pm} z') \sin(k_{\alpha}^{d\pm} (z - D))}{\hbar^2 k_{\alpha}^{d\pm} \sin(k_{\alpha}^{d\pm} D)}$$

при  $z > z'$ . Здесь

$$k_{\alpha}^{d\pm} = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2m_d(\varepsilon \pm i\gamma_{\alpha}^d) - \kappa^2 \hbar^2} \quad (1)$$

— компонента квазиимпульса  $d$ -электронов в направлении  $Oz$ ,  $m_d$  — эффективная масса,  $a_0$  — постоянная решетки,  $\varepsilon$  — энергетическая переменная,  $z$  и  $z'$  — координаты точек на оси  $Oz$ , индекс  $\alpha$  обозначает направление проекции спина на ось намагниченности образца ( $\alpha = \uparrow$  или  $\downarrow$ ); коэффициент затухания  $d$ -электронов  $\gamma_{\alpha}^d = \text{Im} \Sigma_{\alpha}^d$ , где  $\Sigma_{\alpha}^d$  — собственно энергетическая часть; при этом величина  $\text{Re} \Sigma_{\alpha}^d$  может быть включена в энергетическую переменную  $\varepsilon$  с помощью перенормировки спектра.

Предположим, что  $d$ -зона расщеплена по направлению проекции спина, т. е. импульсы Ферми  $d$ -электронов  $k_{Fd}^{\uparrow} \neq k_{Fd}^{\downarrow}$ .

Плотность состояний  $d$ -электронов выражается через их гриновские функции по известной формуле, которая в  $\kappa$ - $z$ -представлении имеет вид

$$\rho_{\alpha}^d(z, \varepsilon) = \frac{a_0^2}{4\pi^3} \text{Im} \int G_{\alpha}^{\alpha-}(z, z; \varepsilon) d\kappa.$$

Будем считать, что основной вклад в проводимость вносит движение  $s$ -электронов, но вероятность их рассеяния в  $d$ -зону пропорциональна плотности состояний  $d$ -электронов. Тогда коэффициент затухания для состояния электронов  $s$ -зоны можно записать в виде

$$\gamma_{\alpha}^s(z) = \frac{\hbar^2 k_{Fs}}{m l_s^{\alpha}} \frac{\rho_{\alpha}^d(z, \varepsilon_F)}{\rho_{\alpha 0}^d}, \quad (2)$$

где  $\rho_{\alpha 0}^d$  и  $l_s^{\alpha}$  — соответственно плотность состояний на уровне Ферми  $d$ -электронов и длина свободного пробега  $s$ -электронов для рассматриваемой модели без учета размерных эффектов,  $k_{Fs}$  — импульс Ферми  $s$ -электрона,  $m$  — его эффективная масса.

Графики зависимости коэффициента затухания электронных состояний  $\gamma_{\alpha}^s(z)$  от координаты  $z$  представлены на рис. 1, а, а зависимость усредненной по координате величины  $\bar{\gamma}_{\alpha}^s(D) = \frac{1}{D} \int_0^D \gamma_{\alpha}^s(z) dz$  от толщины пленки  $D$  — на рис. 1, б.

Таким образом, для движения  $s$ -электронов получен спин-зависящий потенциал, который изменяется от точки к точке внутри пленки и является функцией толщины.

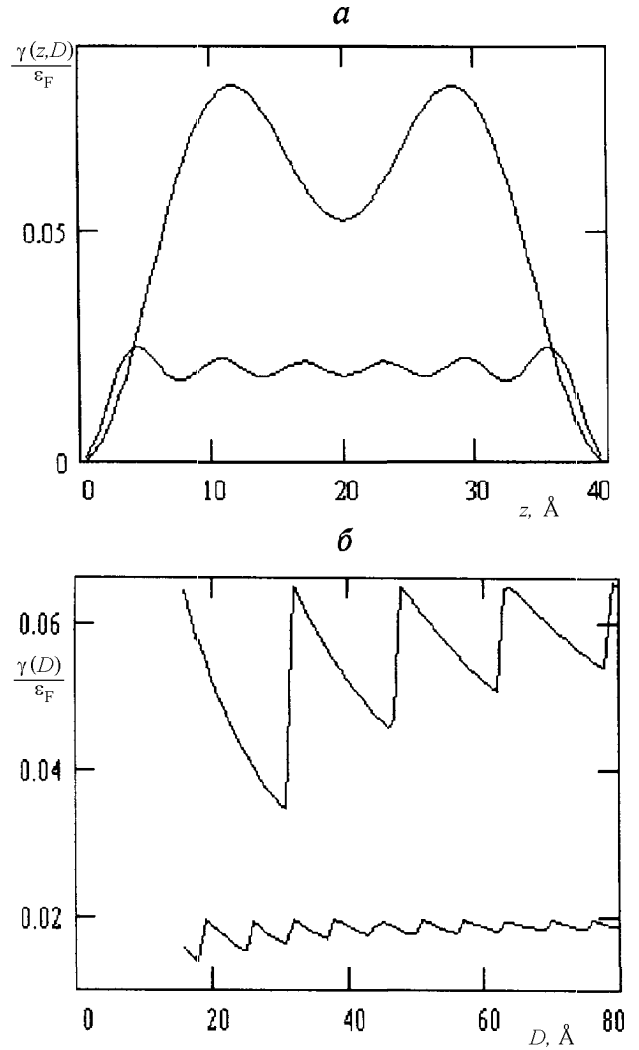


Рис. 1. Зависимость коэффициента затухания состояний  $s$ -электронов (отнесенного к их энергии Ферми) при рассеянии в  $d$ -зону от координаты рассеивающего центра в пленке толщиной  $D = 40 \text{ \AA}$  (а) и зависимость этого коэффициента, усредненного по координате, от толщины пленки  $D$  (б): магнитный момент электрона параллелен намагниченности ( $k_{Fd}^{\uparrow} = 0,5 \text{ \AA}^{-1}$ ) — нижние кривые и антипараллелен намагниченности ( $k_{Fd}^{\downarrow} = 0,2 \text{ \AA}^{-1}$ ) — верхние; для  $s$ -зоны  $k_{Fs} = 1 \text{ \AA}^{-1}$ ,  $l_s^{\uparrow} = 100 \text{ \AA}$ ,  $l_s^{\downarrow} = 30 \text{ \AA}$

Функции Грина для  $s$ -зоны в присутствии этого спин-зависящего потенциала рассчитывались методом ВКБ и при  $z > z'$  имели вид

$$G_{\alpha}^{WKB\pm}(z, z'; \varepsilon) = -\frac{2m\alpha_0}{\sqrt{k_{\alpha}^{\pm}(z)k_{\alpha}^{\pm}(z')}} \times \frac{\sin \left[ \int_0^{z'} k_{\alpha}^{\pm}(z_1) dz_1 \right] \sin \left[ \int_z^D k_{\alpha}^{\pm}(z_1) dz_1 \right]}{\sin \left[ \int_0^D k_{\alpha}^{\pm}(z_1) dz_1 \right]}, \quad (3)$$

где выражение для компоненты квазиимпульса электронов проводимости  $k_{\alpha}^{\pm}(z)$  аналогично (1), а коэф-

коэффициент затухания  $s$ -электронов  $\gamma_\alpha^s(z)$  определяется плотностью состояний в  $d$ -зоне (2).

Проводимость  $s$ -электронов в плоскости пленки рассчитывалась по формуле Кубо в  $\kappa$ - $z$ -представлении:

$$\sigma_\alpha(D) = \frac{\hbar^3 e^2}{(2\pi)^3 m^2} \int \kappa^2 d\kappa \times \\ \times \frac{1}{2D} \int_0^D \int_0^z G_{\kappa\alpha}^{WK B+}(z, z'; \varepsilon_F) G_{\kappa\alpha}^{WK B-}(z, z'; \varepsilon_F) dz' dz.$$

После подстановки функций Грина (3) и соответствующих алгебраических преобразований было получено выражение для проводимости тонкой пленки:

$$\sigma(D) \approx \sum_{\alpha=\uparrow, \downarrow} \int_0^{k_F} \left\{ \frac{\text{ch}(2d_\alpha D) + (d_\alpha/c_\alpha) \sin(2c_\alpha D)}{4(c_\alpha^2 + d_\alpha^2) d_\alpha [\text{ch}(2d_\alpha D) - \cos(2c_\alpha D)]} - \frac{1}{2D(c_\alpha^2 + d_\alpha^2)^2} \right\} \kappa^3 d\kappa,$$

где

$$c_\alpha = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\sqrt{(k_F^2 - \kappa^2)^2 + \frac{4m^2}{\hbar^4} \bar{\gamma}_\alpha^2(D)} + (k_F^2 - \kappa^2)},$$

$$d_\alpha = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\sqrt{(k_F^2 - \kappa^2)^2 + \frac{4m^2}{\hbar^4} \bar{\gamma}_\alpha^2(D)} - (k_F^2 - \kappa^2)}.$$

Графики зависимости проводимости тонкой пленки, нормированной на объемную проводимость, от толщины пленки представлены на рис. 2, 3.

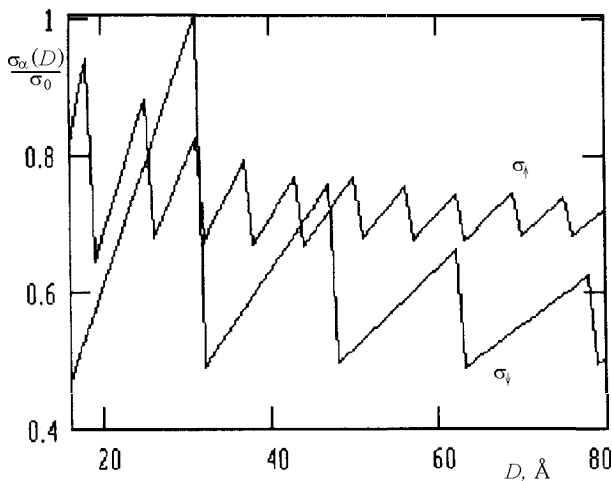


Рис. 2. Зависимость величин проводимости тонкой пленки, обусловленных электронами с различным направлением спина, от толщины этой пленки  $D$ : магнитный момент электрона параллелен намагниченности ( $k_{Fd}^\uparrow = 0,5 \text{ \AA}^{-1}$ ) — верхняя кривая и антипараллелен намагниченности ( $k_{Fd}^\downarrow = 0,2 \text{ \AA}^{-1}$ ) — нижняя. Проводимость рассчитана с учетом  $s$ - $d$ -рассеяния и нормирована на проводимость объемного образца  $\sigma_0$ ; для  $s$ -зоны  $k_{Fs} = 1 \text{ \AA}^{-1}$ ,  $l_s^\uparrow = 100 \text{ \AA}$ ,  $l_s^\downarrow = 30 \text{ \AA}$

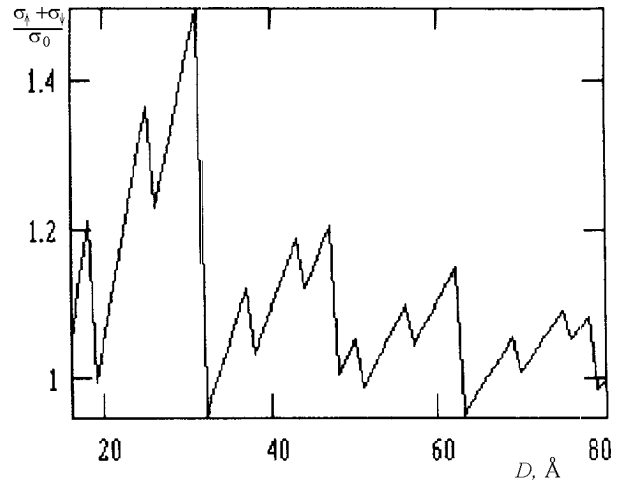


Рис. 3. Зависимость проводимости тонкой пленки  $\sigma(D) = \sigma_\uparrow(D) + \sigma_\downarrow(D)$ , рассчитанной с учетом  $s$ - $d$ -рассеяния и нормированной на проводимость объемного образца  $\sigma_0$ , от толщины этой пленки  $D$

### Обсуждение результатов

Как видно из сравнения рис. 2 и 1,б, период осцилляций проводимости  $s$ -электронов при учете  $s$ - $d$ -рассеяния совпадает с периодом осцилляций плотности состояний в  $d$ -зоне, обратно пропорциональным импульсу Ферми  $d$ -электронов. Полная проводимость складывается из величин, соответствующих двум возможным проекциям спина на ось намагничивания. Эти величины имеют разные периоды осцилляций (рис. 3). Для сравнения на рис. 4 представлена проводимость  $s$ -электронов в плоскости тонкой металлической пленки без учета  $s$ - $d$ -рассеяния, ее период соответствует ферми-импульсу  $s$ -зоны.

Проведенный расчет позволяет сделать вывод, что при учете рассеяния  $s$ -электронов в  $d$ -зону периоды осцилляций проводимости в зависимости от толщины пленки определяются импульсами Ферми

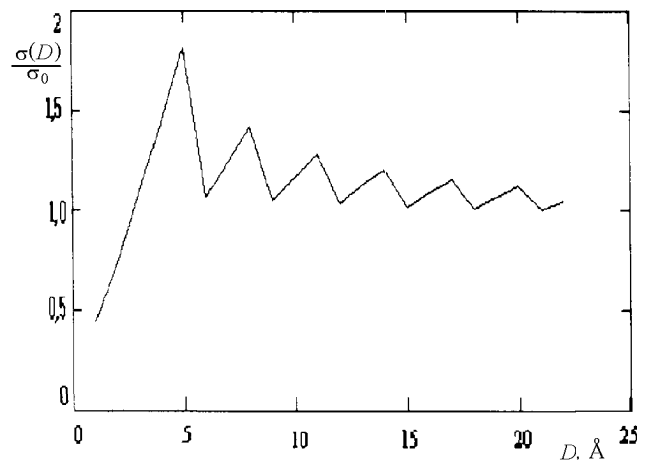


Рис. 4. Зависимость проводимости тонкой пленки  $\sigma(D)$  без учета  $s$ - $d$ -рассеяния, нормированной на проводимость объемного образца  $\sigma_0$ , от толщины этой пленки  $D$ ; для  $s$ -зоны  $k_{Fs} = 1 \text{ \AA}^{-1}$ ,  $l_s = 200 \text{ \AA}$

$d$ -электронов с различными проекциями спина на ось намагниченности, хотя основными носителями заряда являются  $s$ -электроны. Это обстоятельство необходимо учитывать и при рассмотрении эффекта гигантского магнетосопротивления в многослойных структурах и сэндвичах.

#### Литература

1. Stiles M.D. // Phys. Rev. 1993. **B48**, No. 10. P. 7238.
2. Suzuki Y., Katayama T., Yoshida S. et al. // Phys. Rev. Lett. 1992. **68**. P. 3355.
3. Katayama T., Suzuki Y., Awano H. // Phys. Rev. Lett. 1988. **60**. P. 1426.

4. Сандомирский В.Б. // ЖЭТФ. 1967. **52**, № 1. С. 158.
5. Zhang X.-G., Butler W.H. // Phys. Rev. 1995. **B 51**. P. 10085.
6. Trivedi N., Ashcroft N.V. // Phys. Rev. 1988. **B38**. P. 12298.
7. Hoffmann H., Fisher G. // Thin Solid Films. 1976. **36**. P. 25.
8. Fisher G., Hoffmann H. // Solid State Commun. 1980. **35**. P. 793.
9. Camblong H.C., Levy P.M., Zhang S. // Phys. Rev. 1995. **B51**. P. 16052.
10. Crepieux A., Lacroix C., Ryzhanova N., Vedyayev A. // Phys. Lett. 1997. **A 229**. P. 401.

Поступила в редакцию  
08.07.98

УДК 538.214; 537.248

## ПРИРОДА СПИНСТЕКЛООБРАЗНОЙ ФАЗЫ В ПОЛУПРОВОДНИКОВЫХ СПИНОВЫХ СТЕКЛАХ СИСТЕМЫ $x \text{CuCr}_2 \text{Se}_4 - (1 - x) \text{Cu}_{0,5} \text{Me}_{0,5} \text{Cr}_2 \text{Se}_4$ (Me = In, Ga)

А. И. Абрамович, Л. И. Королева

(кафедра общей физики для естественных факультетов)

Изучена зависимость магнетосопротивления  $\Delta\rho/\rho$  от квадрата намагниченности  $\sigma^2$  в сильных магнитных полях в системе  $x \text{CuCr}_2 \text{Se}_4 - (1 - x) \text{Cu}_{0,5} \text{Me}_{0,5} \text{Cr}_2 \text{Se}_4$  (Me = In, Ga). Показано, что и в спиновых стеклах (СС), и в возвратном спиновом стекле (ВСС) этой системы при температуре замораживания  $T_f$  происходит изменение наклона зависимостей  $(\Delta\rho/\rho)(\sigma^2)$ , что указывает на существенную перестройку спиновой системы при  $T = T_f$ , т. е. на наличие в ней термодинамического фазового перехода. Показано, что спинстеклообразная фаза в ВСС состоит из спинов отдельных ионов  $\text{Cr}^{3+}$ , в то время как в СС содержатся и взаимодействующие ферромагнитные кластеры.

#### Введение

В настоящее время в физике спиновых стекол (СС) одним из основных является вопрос о существовании фазового перехода СС – парамагнетизм (ПМ) и СС – дальний магнитный порядок (ДМП). Изучению первого из них посвящено большое количество работ, в которых применяются различные методы исследования: эффект Мёссбауэра, рассеяние нейтронов, деполяризация положительных мюонов, ЯМР, ЭПР и др. Однако ни один из этих методов не позволяет однозначно установить наличие фазового перехода СС–ПМ. Фазовый переход СС–ДМП гораздо менее изучен. В настоящей работе приводится новое экспериментальное доказательство существования фазовых переходов в системе твердых растворов  $x \text{CuCr}_2 \text{Se}_4 - (1 - x) \text{Cu}_{0,5} \text{Me}_{0,5} \text{Cr}_2 \text{Se}_4$  (Me = In, Ga): СС–ПМ в составах с  $x \leq 0,5$  и СС–ДМП в составе с  $x = 0,125$  (Me = Ga).

Известно, что в магнетиках магнетосопротивление  $\Delta\rho/\rho$  пропорционально квадрату намагниченности  $\sigma^2$  и наклон кривых зависимости  $(\Delta\rho/\rho)(\sigma^2)$  в области сильных магнитных полей характеризует интенсивность парапроцесса при данной температуре. Для выяснения природы СС-фазы целесообразно сравнить этот наклон для двух близких по составу образцов, один из которых является магнетиком с ДМП, а другой — СС, при одинаковых температурах, а также для возвратных спиновых стекол

(ВСС) в различных температурных областях, а именно в областях, соответствующих ДМП- и СС-состоянию. Если наклон этих кривых близок по величине, то СС-фаза, по всей видимости, представляет собой систему кластеров, внутри которых тот же магнитный порядок, что и в фазе с ДМП. Если же наклон существенно различается, то можно говорить о существенном отличии СС-фазы от фазы с ДМП. Можно предположить несколько вариантов структуры СС-фазы, а именно: а) структура из кластеров с тем же магнитным порядком, что и фаза с ДМП, кластеров с иным магнитным порядком, чем фаза с ДМП, и других носителей магнитных моментов, например спинов отдельных ионов; б) структура из кластеров с иным магнитным порядком, чем фаза с ДМП; в) из кластеров с иным магнитным порядком, чем фаза с ДМП, и отдельных магнитных ионов; г) из спинов отдельных магнитных ионов. В последнем случае следует ожидать отсутствия частотной зависимости температуры замораживания  $T_f$ . Подобное сравнение наклона зависимостей  $(\Delta\rho/\rho)(\sigma^2)$  можно провести и для одного образца с СС-состоянием в различных температурных областях: при  $T > T_f$  и  $T < T_f$ .

Ранее нами были изучены магнитные и электрические свойства системы твердых растворов  $x \text{CuCr}_2 \text{Se}_4 - (1 - x) \text{Cu}_{0,5} \text{Me}_{0,5} \text{Cr}_2 \text{Se}_4$  (Me = In, Ga) [1–6]. Было показано, что составы с  $0 \leq x \leq 0,1$  являются невырожденными полупроводниками и об-