неравенство  $m_e \ll m$  для легчайших туннелирующих ядер [1].

### Литература

- Rabinowitz M., Worledge D.H. // Fusion Technology. 1990. 17, No. 2. P. 344.
- Голашвили Т.В., Чечев В.П., Лбов А.А. Справочник нуклидов. М.: ЦНИИатоминформ, 1995.
- 3. Erma V.A. // Phys. Rev. 1957. 105, No. 6. P. 1784.
- 4. Горячев Б.И., Линькова Н.В. // Ядерная физика. 1999. **62**, № 11. С. 1942.

УДК 537.534.74; 537.533.74

- 5. Preston M.A., Bhaduri R.K. Structure of the Nucleus. Addison-Wesley, Reading, MA, 1975.
- 6. *Чувильский Ю.М.* Кластерная радиоактивность. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1997.
- 7. Кадменский С.Г., Кургалин С.Д. // Изв. АН СССР, сер. физ. 1980. 44, № 9. С. 1955.
- Blendowske R., Walliser H. // Phys. Rev. Lett. 1988. 61, No. 17. P. 1930.

Поступила в редакцию 08.09.99

## УГЛОВАЯ АНИЗОТРОПИЯ ХАРАКТЕРИСТИЧЕСКОГО ИЗЛУЧЕНИЯ КАНАЛИРОВАННЫХ ИОНОВ В УСЛОВИЯХ РЕЗОНАНСНОГО КОГЕРЕНТНОГО ВОЗБУЖДЕНИЯ

## В. В. Балашов, И. В. Бодренко

## (HUUMP)

E-mail: balvse@anna19.npi.msu.su

В рамках формализма матрицы плотности исследуется выход и угловое распределение характеристического излучения каналированных ионов в условиях резонансного когерентного возбуждения. Расчеты выполнены для случая (2,2)-резонанса при плоскостном (100) каналировании ионов N<sup>6+</sup> с энергией 21 ÷ 23.5 МэВ в монокристалле золота.

#### Введение

Специфическая резонансная зависимость выхода характеристического электромагнитного излучения каналированных ионов от их начальной энергии [1] явилась первым подтверждением предсказанного В.В. Окороковым в 1965 г. [2, 3] эффекта резонансного когерентного возбуждения ионов (РКВ) при их прохождении через ориентированный монокристалл. Последующие эксперименты группы Ш. Датца [4–7], где эффект Окорокова наблюдался другим способом — по перезарядке каналированных многозарядных ионов, дали более детальное представление о механизме РКВ и способствовали его планомерным теоретическим исследованиям [8-10]. В последнее время в связи со все более интенсивным изучением различных процессов взаимодействия быстрых многозарядных ионов с веществом снова возник интерес к первоначальной схеме наблюдения процесса РКВ — по характеристическому излучению [11-13]. Особую ценность представляют такие эксперименты, которые дают возможность сопоставить резонансную энергетическую зависимость фракции выживания каналированных ионов с соответствующей энергетической зависимостью выхода их характеристического электромагнитного излучения. В работе [12] была замечена угловая анизотропия этого излучения. В дальнейшем природе этого явления было посвящено несколько теоретических работ, однако вопрос о способах его описания, равно как и о влиянии угловой анизотропии излучения на форму

соответствующих РКВ-резонансов, остается до настоящего времени открытым.

Наше рассмотрение основано на формализме матрицы плотности, позволяющем реализовать последовательный статистический квантовомеханический подход как к собственно механизму когерентного возбуждения ионов, так и к его связи с сопутствующими процессами. К этим процессам относятся тепловые колебания решетки кристалла, торможение ионов по мере прохождения через образец и срыв электрона с проходящего иона, эффект фазового сбоя за счет упругих столкновений иона с электронами среды, важный по причине производимого им ослабления когерентности возбуждения. Используя опыт применения аппарата матрицы плотности для рассмотрения других вопросов в ядерной и атомной физике [14], мы прослеживаем влияние всех этих факторов на кривую выхода характеристического излучения ионов и его угловое распределение, вводя статистические тензоры возбужденных состояний ионов по выходе из мишени, которые рассчитываем исходя из динамики рассматриваемого процесса. В настоящей работе мы ограничиваемся процессом РКВ для водородоподобных ионов, при этом все количественные расчеты выполнены для случая плоскостного каналирования в условиях, соответствующих работе [5]: каналирование ионов азота N<sup>6+</sup> с энергией  $E = 21 \div 23.5$  МэВ в плоскости (100) монокристалла золота. Предварительные результаты были представлены в работе [15].

## 1. Теория

Взаимодействие иона с кристаллом. Характеристическое излучение водородоподобных ионов при каналировании связано с переходом  $2p \rightarrow 1s$  из состояния n = 2, возбуждаемого при прохождении иона через кристалл. Действующее на ион постоянное неоднородное электрическое поле атомов решетки, а также поляризационная волна в электронном «газе» мишени, образующаяся вслед за проходящим ионом («кильватерный эффект»), снимают вырождение уровня n = 2, что проявляется как расщепление резонансной частоты возбуждения перехода  $1s \rightarrow 2p$ (рис. 1):

$$\omega_{RCE} = \frac{2\pi v}{a} (l\cos\theta \pm k\sin\theta). \tag{1}$$

Здесь v — скорость иона, a — постоянная решетки,  $\theta$  — угол между направлением падающего пучка (совпадающим с осью x) и ближайшей осью кристалла, l и k — индексы векторов обратной решетки  $\mathbf{G}_{hkl}$ . Индексы (l, k) нумеруют РКВ-резонансы при плоскостном каналировании.

Кривые, приведенные на рис. 1, построены в приближении непрерывного потенциала путем усреднения потенциала Мольер [9], описывающего взаимодействие проходящего иона с отдельным атомом кристалла, в котором учитывается искажение электронной оболочки атома ионом. Для учета тепловых колебаний в потенциал взаимодействия иона с решеткой вводится фактор Дебая-Валлера [2]. При вычислении кильватерного потенциала, а также в расчетах торможения иона за счет столкновений с электронами использовано приближение локальной плотности в рамках диэлектрической теории.



Рис I. Расщепление уровня n = 2 иона  $N^{6+}$  с энергией 22,5 МэВ, каналированного в плоскости (100) монокристалла золота; по оси абсцисс отложено смещение иона относительно середины канала

Электронная плотность в канале рассчитана на основании потенциала решетки с помощью уравнения Пуассона [16].

При значительном удалении от середины канала величина расщепления уровня n = 2 сильно зависит от поперечной координаты иона (в нашем случае координаты z). Учет этого обстоятельства и использование экспериментальных данных о величине расщепления позволяет установить границы  $\pm z_{\rm max}$  той области канала, внутри которой происходит резонансное когерентное возбуждение проходящего иона.

Действующий на ион, движущийся вдоль канала, периодический во времени потенциал решетки, ответственный за его когерентное возбуждение, рассчитывается с учетом криволинейности траектории иона. Матричные элементы периодического возмущения в обкладках состояний n = 1 и n = 2 вычисляются непосредственно с волновыми функциями иона; при расчете ионизационных ширин этих состояний, а также вероятностей прямых (нерезонансных) переходов между ними, индуцируемых столкновениями с электронами среды, данные о соответствующих сечениях взаимодействия иона с электронами взяты из работ [17, 18].

Матрица плотности иона и статистические тензоры его возбужденного состояния. Система уравнений для матрицы плотности иона  $\rho_{pp'}(t)$  строится в базисе пяти состояний:  $1s, 2s, 2p_0, 2p_{-1}, 2p_{+1}$  и решается численно для набора траекторий иона в интервале значений прицельного параметра

$$-z_{\max} < z_0 < z_{\max}, \tag{2}$$

определяющих вместе со скоростью иона на входе в мишень начальные условия для их решения. Матрица плотности в начальный момент (x=0) нормируется обычным образом:

$$\rho_{p,p'} = \delta_{p,1s} \cdot \delta_{p',1s}.$$

Тогда ее след Tr  $\hat{\rho}(x = X)$ , где X — толщина мишени (в нашем случае X = 850 Å), дает вероятность  $R_{\rm res}$  выхода иона из мишени без изменения его зарядового состояния («фракция выживания»); в рассматриваемом конкретном случае (ионы азота)

$$R_{
m res} = rac{N(6^+)}{N(6^+) + N(7^+)},$$

где  $N(6^+)$ ,  $N(7^+)$  — число ионов азота указанной зарядности. Усреднение по прицельному параметру в интервале (2) дает матрицу плотности всей совокупности ионов выходного пучка, прошедших через мишень в зоне действия механизма РКВ. С учетом другой части ионов, входящих в мишень вне интервала (2), итоговое значение фракции выживания рассчитывается по формуле

$$R = \frac{z_{\max}R_{res} + (d/2 - z_{\max})R_{dir}}{d/2},$$
 (3)

где d/2 — полуширина канала (в нашем случае  $d/2 = 1.93a_0$ ). Данные о фракции выживания  $R_{\rm dir}$  для ионов, которые входят в мишень при  $|z_0| > z_{\rm max}$  и перезарядка которых обусловлена лишь прямыми (нерезонансными) процессами ионизации и возбуждения, взяты из эксперимента [5].

Доля ионов, выходящих из мишени в возбужденном состоянии 2p, а тем самым и интенсивность характеристического излучения при переходе  $2p \rightarrow 1s$ , а также поляризационные характеристики этого излучения и параметры его угловой анизотропии определяются элементами субматрицы матрицы плотности  $ho_{pp'}$  в базисе состояний  $2p_0, 2p_{-1}, 2p_{+1}$ . В общем случае состояние системы с угловым моментом L = 1 характеризуется статистическими тензорами  $ho_{kq}(L=1,L=1),$  где k=0,1,2 и  $q=-k,\ldots,k$ . Условия симметрии системы позволяют уменьшить число независимых параметров. В нашем случае мы имеем дело с симметрией отражения в плоскости канала, и при выборе оси квантования вдоль нормали к этой плоскости (у нас это ось z) все элементы статистических тензоров с нечетным q обращаются в нуль.

Угловое распределение фотонов  $W_{\gamma}(\theta_{\gamma}, \phi_{\gamma}; E)$  при разных значениях энергии иона E на входе в канал определяется приведенными статистическими тензорами  $A_{2q}(E) = \rho_{2q}(1, 1) / \rho_{00}(1, 1)$  по формуле

$$W_{\gamma}(\theta_{\gamma},\phi_{\gamma};E) =$$

$$= \frac{W_{0}(E)}{4\pi} \left(1 + \sqrt{\frac{2\pi}{5}} \sum_{q=0;\pm 2} A_{2q}(E) \cdot Y_{2q}(\theta_{\gamma},\phi_{\gamma})\right).$$
<sup>(4)</sup>

Обратим внимание на то, что в отсутствие симметрии отражения в плоскости xz, перпендикулярной плоскости канала, угловое распределение фотонов в плоскости xy асимметрично относительно оси x. Другими словами, в этом случае ось симметрии углового распределения фотонов в плоскости канала смещается относительно направления падающего пучка.

#### 2. Расчеты

Следуя условиям эксперимента [5], мы рассмотрели движение ионов азота N<sup>6+</sup> с энергией  $E = 21 \div 23.5$  МэВ в плоскости (100) монокристалла золота при значении угла входа в канал  $\theta = 38^{\circ}$ . Согласно уравнению (1), при этом значении  $\theta$  выбранный интервал энергии соответствует резонансу (l,k) = (2,2). На рис. 2 показана зависимость выхода фракции выживания ионов N<sup>6+</sup> от их начальной энергии, рассчитанная для разных размеров области когерентного возбуждения. Наиболее близкой к экспериментальным данным оказывается кривая, соответствующая значению  $z_{max} \approx 0.2(d/2)$ .

Выбрав это значение  $z_{\text{max}}$ , мы рассчитали интегральный выход  $W_0(E)$  характеристического излучения ионов N<sup>6+</sup> как функцию энергии иона E на входе в мишень (рис. 3, *a*). Общий вид кривой  $W_0(E)$  согласуется с энергетической зависимостью фракции



Рис. 2. Выход фракции выживания ионов N<sup>6+</sup>, каналированных в плоскости (100) монокристалла золота в окрестности (2,2)-резонанса в зависимости от энергии иона на входе в канал: точки — экспериментальные данные [5], кривые — наши расчеты для различных размеров области





Рис. 3. Результаты расчета выхода характеристического излучения ионов N<sup>6+</sup>, каналированных в плоскости (100) монокристалла золота в окрестности (2,2)-резонанса: a — интегральный выход излучения;  $\delta$  — выход излучения в плоскости xy для различных значений азимутального угла

выживания R(E), показанной на рис. 2 при значении  $z_{\text{max}} = 0.2(d/2)$ ; главный максимум на этой кривой соответствует левому минимуму на кривой R(E).

Излучение ионов N<sup>6+</sup> обнаруживает сильную угловую анизотропию (рис.  $3, \delta$ ), так что характер энергетической зависимости выхода излучения при изменении угла его детектирования может изменяться даже качественно.

### Заключение

Используя формализм матрицы плотности, мы предлагаем последовательный подход к рассмотрению свойств характеристического излучения каналированных ионов в условиях резонансного когерентного возбуждения. При этом основным (и единственным) фитируемым параметром подхода являются размеры области канала, в которой действует этот механизм возбуждения. Выполненные расчеты выхода фракции выживания ионов N<sup>6+</sup> при плоскостном каналировании в монокристалле золота находятся в качественном согласии с имеющимися экспериментальными данными. Установление сильной угловой анизотропии характеристического излучения имеет важное практическое значение в связи с расширяющимся использованием метода экспериментального изучения процесса РКВ, основанного на регистрации этого излучения.

Авторы благодарны проф. Ш. Датцу, привлекшему их внимание к рассматриваемому вопросу.

Работа выполнена при поддержаке РФФИ (грант 00-02-17207).

### Литература

 Okorokov V.V., Tolchenkov D.L., Khizhnyakov I.S. et al. // Phys. Lett. 1973. A43. P. 485.

- 2. Окороков В.В. // Ядерная физика. 1965. 2. С. 1009.
- 3. Окороков В.В. // Письма в ЖЭТФ. 1965. 2. С. 175.
- Datz S., Moak C.D., Crawford O.H. et al. // Phys. Rev. Lett. 1978. 40. P. 843.
- Datz S., Moak C.D., Crawford O.H. et al. // Nucl. Instr. and Meth. 1980. 170. P. 15.
- Moak C.D., Datz S., Crawford O.H. et al. // Phys. Rev. 1979. A19. P. 977.
- Krause H.F., Datz S., Dittner P.F. et al. // Phys. Rev. 1986.
   B33. P. 6036.
- 8. Crawford O.H., Ritchie R.H. // Phys. Rev. 1979. A20. P. 1848.
- 9. *Оцуки Е.-Х.* Взаимодействие заряженных частиц с твердыми телами. М.: Мир, 1985.
- Кривошеев О.Э., Пивоваров Ю.Л. // Письма в ЖЭТФ. 1992.
   56. С. 246.
- 11. Fujimoto F. // Radiat. Eff. Def. Solids. 1993. 25. P. 157.
- 12. *Datz S., Dittner P.F., Krause H.F.* et al. // Nucl. Instr. and Meth. 1995. **B100**. P. 272.
- Ito T., Takabayashi Y., Komaki K. et al. // Nucl. Instr. and Meth. 2000. B164–165. P. 68.
- 14. Балашов В.В., Беляев В.Б., Коренман Г.Я. и др. Теоретический практикум по ядерной физике. М.: Изд-во Моск. ун-та, 1965; Balashov V.V., Grum-Grzhimailo A.N., Kabachnik N.M. Polarization and Correlation Phenomena in Atomic Collisions, Kluwer Academic / Plenum Publishers, 2000.
- 15. Бодренко И.В. Дипл. работа, физ. ф-т МГУ, 1995; Дис. ... канд. физ.-мат. наук. М. (физ. ф-т МГУ), 1998.
- 16. Neskovic N. // Phys. Rev. 1986. B33. P. 6030.
- 17. Golden L.B., Sampson D.H. // J. Phys. 1977. B10. P. 2229.
- 18. Parks A.D., Sampson D.H. // Astrophys. J. 1972. 178. P. 571.

Поступила в редакцию 03.11.00

# ОПТИКА И СПЕКТРОСКОПИЯ

# УДК 535.37;621.373.8

# РОЛЬ АССОЦИАЦИИ МОЛЕКУЛ РОДАМИНА 6Ж В ПРОЦЕССАХ ГЕНЕРАЦИИ ИЗЛУЧЕНИЯ

# А. И. Акимов, А. Н. Баранов, Л. В. Левшин, А. М. Салецкий

(кафедра общей физики)

E-mail: saletsky@gen566a.phys.msu.su

Исследованы спектрально-люминесцентные и генерационные характеристики водных растворов родамина 6Ж в широком диапазоне концентраций красителя и температур. Обнаружена и изучена генерация излучения ассоциатами родамина 6Ж. Установлена доминирующая роль процессов переноса энергии электронного возбуждения с мономерных молекул красителя на его ассоциаты в формировании ими вынужденного излучения.

### Введение

Среди обширного экспериментального материала, посвященного исследованию генерационных характеристик родаминовых красителей, встречаются противоречивые данные об участии ассоциатов их молекул в процессе генерации. Так, в работе [1] сообщалось, что при добавлении в спиртовой раствор родамина 6Ж (Р6Ж) воды возникает процесс ассоциации его молекул, который приводит к уменьшению эффективности лазера. В то же время в работе [2]